

# tanulmányok

**190/1986**

MTA Számítástechnikai és Automatizálási Kutató Intézet Budapest





Magyar Tudományos Akadémia  
Számítástechnikai és Automatizálási Kutató Intézete

A TIPUS FOGALMA, ÉS SZEREPE A MODELLEZÉSBEN

ABSZTRAKT ADATTÍPUSOK ALKALMAZÁSÁNAK  
ÚJ ELVEIRŐL

*HERNÁDI ÁGNES*

Felelős kiadó:

KEVICZKY LÁSZLÓ

*E dolgozat szerzője nem intézetünk dolgozója.  
Munkáját aspiránsként készítette el.*

Aspiráns vezető:

KNUTH ELŐD

ISBN 963 311 219 2

ISSN 0324-2951

# T A R T A L O M

1. B E V E Z E T Ő	5. OLD.
2. ABSZTRAKCIÓ ÉS MODELLEZÉS	7. "
2.1 A PROGRAMOZÁSI NYELVEK SZEREPE A MODELLEZÉSBEN	9. "
2.2 AZ ADATBÁZIS RENDSZEREK SZEREPE A MODELLEZÉSBEN	11. "
2.3 A MESTERSÉGES INTELLIGENCIA- RENDSZEREK SZEREPE A MODELLEZÉSBEN	13. "
3. A TIPUS FOGALMA	15. "
4. ADATTIPUSOK A PROGRAMOZÁSI NYELVEKBEN	20. "
5. ADATTIPUSOK AZ ADATBÁZISOKBAN	31. "
6. ADATTIPUSOK A MESTERSÉGES INTELLIGENCIA- RENDSZEREKBEN	45. "
I R O D A L O M	49. "





## 1. B E V E Z E T Ő

A programozási nyelvek, az adatbázis- és a mesterséges intelligencia-rendszerek egyaránt feltételezik, hogy az entitások "tipusokba" sorolhatók. Ugyanakkor "tipuson" nemhogy e három területen, de még az egyes területeken belül sem mindenütt ugyanazt értik.

A három terület kutatóinak problémái és motivációi különbözőek, ezért modellezési technikáik is eltérnek.

- Az adatokra és az adatok közös használatára nagyobb figyelmet fordítanak a mesterséges intelligencia-rendszerek és az adatbázis alkalmazások, mint a programozási nyelvek.
- Az implicit számítások iránt jelenleg a mesterséges intelligencia kutatásokban és az adatbázis alkalmazásokban kifejezettebb a gyakorlati érdeklődés, mint a programozási nyelvekben.
- A formális technikák, különösen a specifikációs technikák jelentősebb szerepet játszanak a programozási nyelvekben, mint a másik két területen.
- Nagy, irreguláris, heterogén adatstruktúrák többnyire mesterséges intelligencia-rendszerekben jelennek meg, és csak elvétve találhatók adatbázis-alkalmazásokban.

Az információfeldolgozás során adatnak nevezett objektumok várhatóan a valós világ valamely részének modelljeit ábrázolják, modelleken "emberi megismerő struktúrákat", azaz gondolati dolgokat értve. A valós világban vagy az

objektumok gondolati világában megtörtént, végbemenő .  
vagy esetleg bekövetkező folyamatokat pedig operációknak  
nevezett műveletek ábrázolják. De mind a valós világ része-  
it, mind az ezeket ábrázoló adatokat folyamatok illetve ope-  
rációk hozzák létre.

E megállapításokból következik, hogy a programrendszerek  
"adatbázisai", "tudásbázisai" és "adatterei" között nincs  
alapvető különbség, legfeljebb a modelleket reprezentáló  
fogalmak és technikák térnek el. Ezért nélkülözhetetlen e  
fogalmak és technikák mélyebb megismerése, megértése.



## 2. ABSZTRAKCIÓ ÉS MODELLEZÉS

A szoftverfejlesztés és karbantartás területén az egyik fő probléma a rendszerek bonyolultságának kezelése. Az ezzel megbirkózni próbáló programozási módszertanokban és nyelvekben központi szerepet kap az absztrakciókkal foglalkozó eszközök fejlesztése. Az absztrakció egy rendszer olyan egyszerűsített leírása vagy specifikációja, ami hangsúlyozza e rendszer néhány részletét vagy tulajdonságát, míg elnyomja a többit.

Az absztrakció célja, hogy kezelhetőbbé tegye a problémát.

A mesterséges intelligencia területén ezt a paradigmát nevezik a "csaknem helyes tervekben való hibakereséssel történő problémamegoldásnak". Azért, hogy egy olyan könnyen megoldható, egyszerű problémaleírást kapjunk, melynek megoldása felismerhető, absztrahálhatunk, ami aktuálisan probléma-részleteket mellőzhet. A mellőzött részletek bevezetésekor előfordulhat, hogy hibát kell keresnünk az első megoldásban, hogy befogadja az új részleteket.

Egy jó absztrakció az olvasó illetve a felhasználó számára lényeges információt hangsúlyozza, míg a legalábbis pillanatnyilag lényegtelen részleteket nyomja el. Következésképp a jóság a környezet értelmezésétől függ. Az absztrakció mindig ahhoz a felhasználáshoz képest viszonylagos, amelyre a leírásokat alkalmazni kell.

Az, amit a programozási rendszerekben "absztrakciónak" nevezünk, közel áll ahhoz, amit a természettudományokban

és társadalomtudományokban "modellezésnek" neveznek. Sok probléma közös: a rendszer fontos jellemzőinek, a beleértendő változtathatóságnak - azaz a paramétereknek, a használandó leíró formalizmusnak, a modell érvényesítési módjának meghatározása, stb.

A modellezés három intellektuális feladatot ölel fel:

- valamilyen realitás érzékelését,
- egy megfelelő modell kiválasztását, és
- az érzékelt realitás ábrázolását az adott modellnek megfelelően.

Nyilvánvaló, hogy a reprezentáció ismét valamiféle realitás, és így egy másik reprezentáció tárgya, egy másik modellnek vagy jelölésnek megfelelően.

Mivel az emberi észlelés tökéletlen, és csak bizonyos korlátok között vagyunk képesek a valóság teljes és pontos ábrázolására, bármely ábrázolás a valóság absztrakciója.

Az adatmodellezés paradoxonja, hogy

- alkalmazási szinten - szembekerülve a "valóság töredékeivel" - olyan részleteket érzékelünk, melyek általában ábrázolhatatlanok;
- reprezentációs szinten - szembekerülve a "gépek szintjeivel" - olyan részleteket ábrázolunk, melyek általában nem észlelhetők.

Az absztrakciós módszerek úgy birkóznak meg ezzel a problémával, hogy elnyomják az adott összefüggésben szükségtelen részleteket, és formalizálják, strukturálják a lényeges információt.

Általában elfogadott, hogy egy modell

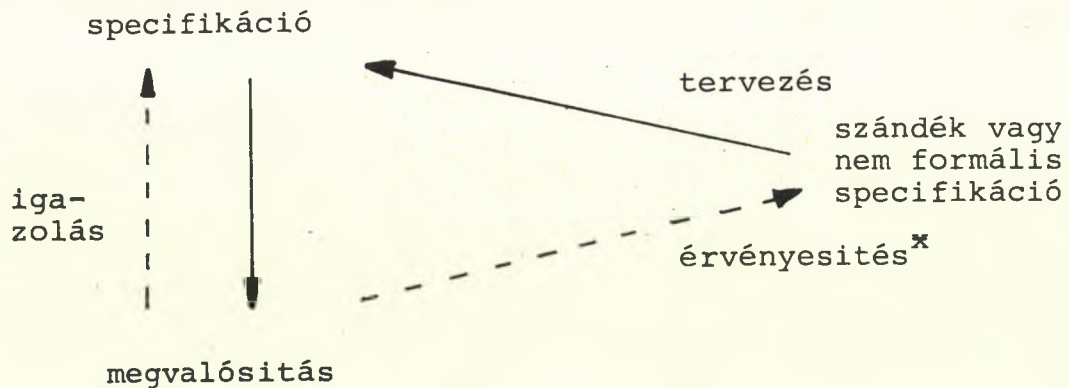
- objektumokból vagy "dolgokból" /pl. entitásokból, operációkból, üzenetekből, eseményekből/,
- objektum-kapcsolatokból,
- /a típusfogalomhoz szorosan kapcsolódó/ kényszerekből,
- lokális és globális állapotokból,
- akciókból vagy állapotátmenetekből,
- akciókat hívó ágensekből, és
- a rendszer vagy a környezete által megértett célokból

áll.

A rendszerek absztraktabb és kevésbé részletes specifikációjának definiálására törekvő próbálkozások legtöbbje a rendszerállapotok definiálásához "objektumok tartományainak", a rendszerátmenetek definiálásához "objektumok operációinak" fogalmát használja. Predikátumok teljesülése biztosítja, hogy az objektumok "jól-formáltak" és az operációk "jól alkalmazottak" legyenek. A tartományok és az operációk, valamint a definíciójukra szolgáló eszközök és technikák az alkalmazási területtől függően igen széleskörben változnak.

## 2.1 A PROGRAMOZÁSI NYELVEK SZEREPE A MODELLEZÉSBEN

A programozási nyelvek területén a modellezés a programok tervezését és a szoftver rendszerek szerkesztését érinti, amint ez az alábbi, Mary Shaw által javasolt ábrán is látható /1. ábra/. E terület kutatói sok, formális igazolásra és gyakorlati érvényesítésre alkalmas eszközt és technikát fejlesztettek és fejlesztenek ki.



1. ábra Modellezés a programozási nyelvekben

---

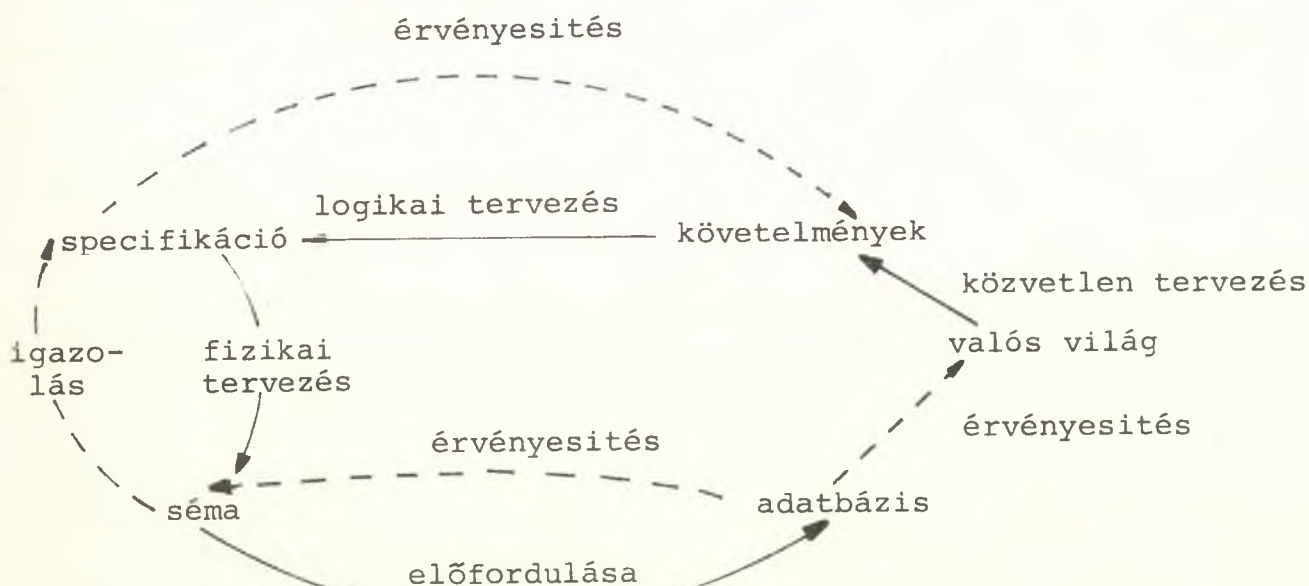
\* ellenőrző visszacsatolás /validation/

A programozási nyelvek területén a modellek ágensei programok, és ezek olyan operációkat hangsúlyoznak, melyek hallgatólagosan definiálják az állapotokat. Szemben a mesterséges intelligencia- és adatbázis rendszerek területein modellezett "valós világi" alkalmazásokkal a programozási nyelvek területén az alkalmazások többsége mesterséges, pl. operációs rendszerek, számítógépek, terminálok képernyős megjelenítői. A "valós világ" modelljei jórészt csak olyan helyzetekben fordulnak elő, melyekben a modell viselkedése fontosabb, mint az ábrázolt információ, pl. nukleáris reaktorok vagy az időjárás szimulációja esetén. A programozási nyelvek területén a modellek szemantikája általában jól ismert; például egy adatabsztrakció specifikációját az absztrakt adattípus tulajdonságainak teljes jellemzése definiálja. A programozási nyelvek területén kifejlesztett modelleket elsősorban szakértőknek és nem naiv felhasználóknak szánják. Bár a legtöbb modellezési eszköz és technika kifejezetten a viselkedéssel foglalkozik, és csak hallgatólagosan érinti a strukturával kapcsolatos kérdéseket, egyre növekvő érdeklődés tapasztalható az adat- és objektum-orientált modellezés iránt.



## 2.2 AZ ADATBÁZIS RENDSZEREK SZEREPE A MODELLEZÉSBEN

Az adatbázis rendszerek egy felhasználói közösség által használt, állandó, megformált /formatted/ adatbázisban próbálják megragadni azokat a tulajdonságokat, melyek bizonyos összetartozó, "valós világi" alkalmazások számára fontosak. Ezt a folyamatot ábrázolja a következő ábra /2. ábra/. Az adatbázis-alkalmazások szemantikus integritásának /érvényességének/ kimutatása fontos kutatási téma. A valós világgal történő nagyjából részint intuitív összehasonlítás helyett számos közbülső modellezési szintet és ezeknek megfelelő érvényesítési technikát vezetnek be. Ehhez az adatbázis kutatások a mesterséges intelligencia-alkalmazásokból és a programozási nyelvek területéről veszik át a megfelelő fogalmakat.



2. ábra Adatbázis modellezés

Az adatbázis modellek hangsúlyozzák az emberekkel, mint a tranzakciók ágenseivel való kapcsolatukat. Az adatbázis alkalmazások nagymennyiségű formált adattal rendelkezhetnek, melyek jelentése elfogadhatóan jól megértett. Egy adatbázist úgy kezelünk, mint egymástól erősen függő adatok tartalom szerint cimezhető tárát, amely lekérdezhető és megváltoztatható.

A hagyományos adatbázis modellezési eszközök egyneműek; kevesebb strukturát és operációt adnak, mint a mesterséges intelligencia és a programozási nyelvek területein használatos eszközök. Adatbázis modellekben az adatstrukturák jellegzetesen fák, hálózatok vagy relációk. Az adatbázis-tervezés az alkalmazás szemantikáját megkísérli kivonni az alkalmazási programokból, és ezeket a tulajdonságokat egy központi sémában ábrázolja. Adatbázis alkalmazások készülnek naiv és szakértő felhasználók számára is, nagy- és kisméretű termelési környezetekben egyaránt. Ujabban nő az érdeklődés az adatbázis alkalmazások viselkedésének modellezése iránt. A tranzakciókat jórészt figyelmen kívül hagyták az adatbázis modellezésekor, és nem foglalták adatbázis sémába. Ez a helyzet most változik. Az adatmodellezéssel kapcsolatos kutatás és fejlesztés jelenleg három vonalon folyik:

- reprezentációs szinten;

- az alacsony szintű tárolási jellegzetességeknél absztraktabb adatstrukturákat és adatmodelleket javasolnak, hogy közvetlenebbül elégítsék ki az adatmodellezési igényeket.

- alkalmazási szinten;

- az adatbázisok tervezését és formális definícióját támogató fogalmi modelleket fejlesztenek ki.

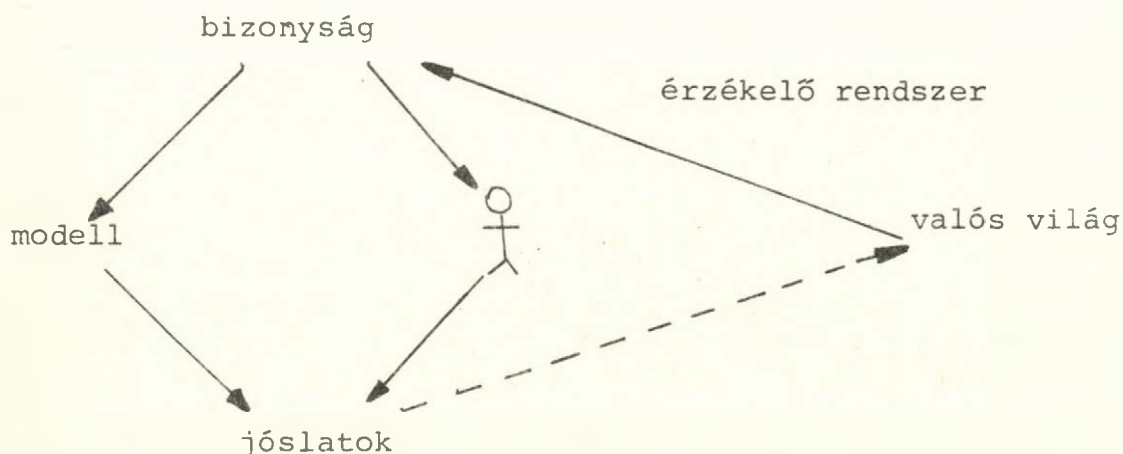


- eszköz szinten;

a programok és programozási nyelvek nem reprezentáció-orientált eszközeit kiterjesztik és alkalmazzák adat- és adatmodell definiálására.

## 2.3 A MESTERSÉGES INTELLIGENCIA-RENDSZEREK SZEREPE A MODELLEZÉSBEN

A mesterséges intelligencia-rendszerek az emberi gondolkodást próbálják modellezni. Egy ilyen modell központi célját vázolja az alábbi, Ira Goldsteintől származó ábra /3. ábra/. Az érzékelő rendszer a valós világból vett minták alapján bizonyosságokat gyűjt. E bizonyosságok alapján mind a modell, mind az ember megjósolja a valós világ állapotát. A modell sikeres - azaz kielégíti az un. Turing tesztet - ha jóslatai ugyanolyan elfogadhatók, mint az emberéi vagy megkülönböztethetetlenek az utóbbi-tól. A "bizonyosság" és a "jóslat" tág értelemben értendő.



3. ábra Modellezés a mesterséges intelligencia-  
rendszerekben

Például a mesterséges intelligencia azon területén, amelyet automatikus programozásnak neveznek, az a bizonyosság, amit egy automatikus programozási modellnek és egy programozónak adnak valójában egy szoftver rendszer-specifikáció; és a jóslat nem más, mint egy futó szoftver rendszer. Természetes nyelvű lekérdező rendszerek esetén a kérdés a bizonyosság és a válasz a jóslat. Tételbizonyításkor pedig az axiómák és a kívánt tétel a bizonyosság, és a bizonyítás a jóslat.

A mesterséges intelligencia-modellezésben a bizonyosság eltérő, rosszul strukturált gyűjtésekből eredhet. Sok esetben a modellező folyamat kezdetén a bizonyosság szemantikája sem értett. A modellező folyamat olyan primitivek definiálásával foglalkozik, melyek segítségével a modell /a személy/ céljai elérhetők, és azután olyan kereső stratégiákat definiál, melyek majd felfedezik e primitivek szükséges kombinációját. Az így kapott rendszerek többnyire egy sajátos probléma megoldására, vagy egy kis felhasználói csoport számára készülnek.

### 3. A TIPUS FOGALMA

Nyilvánvaló, hogy az alkalmazott modell precíz definíciója a helyes modellezés nélkülözhetetlen kelléke. De hiába szigorúan definiáltak a használt modellek, ha a modellezési folyamat intuitív és megbízhatatlan. Nem kevesen tekintik művészetnek, és valószínűleg annak is fogják tekinteni még sokáig. Meggyőződésünk, hogy a modellezés folyamata algoritmizálható, és a típus fogalma mint univerzális fogalom, segíthet a modellezésben, függetlenül attól, hogy milyen modellt alkalmazunk.

A típusoknak erős matematikai megalapozásuk van [GO'75], [GO'77], [GO'77a], [EH'78], [TH'78] és általánosan elfogadott, hogy sokmindenre használhatók. Mégis rögzített típusfogalom vagy típus-használati mód. Ugy tűnik, hogy különböző területeken különféle problémák megoldásának eszköze.

A típusokat elsődlegesen objektumok vagy entitások osztályozására használják. Az osztályozás módja azonban szélsőségesen változik.

Néhányan értékek halmazaira,

*Az adattípus egy halmazcsalád, ezen halmazokon értelmezett operációk vagy eljárások gyűjteményével együtt.*

*/Thatcher/*

mások szimbólumokon értelmezett predikátumokra,

*A "t típusunak levést" egy unáris T predikátummal ábrázolhatjuk.*

*/Hayes/*

ismét mások az entitások vagy objektumok tulajdonságaira utalnak, beleértve az operációkat is.

*A típus olyan strukturális és viselkedési tulajdonságok precíz jellemzése, amelyekkel egy aktuális vagy potenciális objektumgyűjtemény minden objektuma rendelkezik. A típus előfordulása egy olyan objektum, ami a típus karakterisztikus tulajdonságaival bír.*

*/Deutsch/*

A fenti definíciókban néhány fontos fogalom, pl. tulajdonság, objektum definiálatlan. Egy típusrendszer tervezése során kell majd sajátos jelentést választanunk az objektumoknak, a tulajdonságoknak és a jelöléseknek. A gyakorlati alkalmazások számos olyan kérdést vetnek fel, amit nem érint minden típusdefiníció. Ilyen többek között a

- résztípus kérdése,
- a típusok névszerinti kontra strukturális egyenlőségének kérdése,
- a többszörösen tipizált objektumok lehetősége.

Egy típusrendszer "haszna" alapvetően az, hogy megengedi az objektumok univerzumának olyan - szükség esetén akár átfedő - felosztását, ami tükrözi a rendszer felhasználója és/vagy tervezője számára fontos eltéréseket.



Hogy egy típusrendszer hasznos kölcsönhatásban lehessen egy programozási nyelvvel vagy egy adatbázis rendszerrel, a típusrendszer tulajdonságainak valamilyen viszonyban kell lenniük a rendszer többi részében lévő operátorokkal vagy kapcsolatokkal. Pl. az egész szám /integer/ fogalma valószínűleg nélkülözhetetlen a programozási nyelvekben, és a típusrendszernek le kell fednie. Ez az értékek és a változók típusának, azaz az objektumoktól elválaszthatatlan és a programrészletekben vagy programleírásokban megjelölt tipustulajdonságoknak a megkülönböztetéséhez vezethet.

"Objektumok" alatt nem szabad csupán adatokat értenünk. Definíálható típusrendszer eljárásokra, és készíthető típusrendszer kapcsolatokra. Eljárásokra sokféleképpen építhető típusrendszer, pl. egyszerűen az eljárások funkcionalitása, vagy esetleg más, az eljárásokhoz tartozó absztrakt információ alapján. Gondolhatunk egy rendező eljárásra mint eljárástípusra, függetlenül az argumentumok és outputok típusától. Vagy az eljárás-specifikációkat hierarchiába szervezhetjük a hozzájuk tartozó elő- és utófeltételek alapján is. Ezen típusok előfordulásait úgy tekinthetjük, mint az eljárás aktuális alkalmazásait.

A típusok alkalmazásának legalább annyi célja van, mint ahány felhasználó. A programozási nyelvekben a 70-es évek közepe óta erős hangsúlyt kapott az operációk absztrakt adattípusokhoz történő kötése és a reprezentáció integritásának védelme. A programozási nyelvekben típusok segítségével ellenőrzik, hogy egy operáció használata érvényes-e; de típusok szolgálnak egy generikus operáció adott alkalmazás által megkövetelt sajátos előfordulásának kiválasztására is. Az adatbázis rendszerekben is használnak típusokat

operációk érvényességének ellenőrzésére, de típusok segítségével írunk le információt az objektumokról vagy entitásokról is. A mesterséges intelligencia-rendszerek területén megtalálható az összes programozási nyelvekben és adatbázisokban alkalmazott típusfelhasználás. Ezekben a rendszerekben a típus ad növekvő /incremental/ leírásokat a valós világi objektumokról, és típus vezérli /control/ a keresési teret. A mesterséges intelligencia-rendszerekben ugyanis az volt a cél, hogy a dolgok bizonyos tulajdonságait kivegyék az általános célú következtető gépezetből /inference machinery/, és hatékonyabban hasznosítsák őket. Erre szolgálnak például a sokat vitatott IS-A hierarchiák.

A típus definícióján túl számít az a struktúra is, amivel egy típus-rendszer, ha úgy tetszik típusok egy halmaza rendelkezik. Három fontos esetre gondolhatunk, bár több is lehet, éspedig a típusok elkülönülhetnek, alkothatnak fahierarchiát, vagy rácsot.

A programozás alapvető problémája - különösen absztrakt adattípusok esetén - a funkcionális vagy specifikációs szintről a konstruktív vagy logikai szintre, azaz a típus implicit definíciójáról az explicit definíciójára való átérés.

A matematikában klasszikusan elfogadott az objektumok implicit bevezetése. Hilbert is azt mondta: nem törődöm azzal, hogy mik az objektumaim. A valós világgal nem törődve csak rendszere ellentmondásmentességét akarja bizonyítani. Egyes kutatók véleménye szerint a számítógéptudományban nem szabadna implicit definíciókat használni, mert egy implicit definícióban sosem leszünk képesek teljesen megragadni egy



alkalmazási világot. Szerintük a gyakorlati számítógéptudomány céljaira az absztrakciós folyamatot algoritmikusan kell megszerkesztteni, és formalizálni kell [WED'81]

A geometriai axiómák pl. implicit módon definiálják a pont és a sík fogalmát. Az explicit definícióhoz más beszédmódra lenne szükség; először beszélnünk kellene arról, hogy mi a pont, és azután kellene felépíteni egy strukturát. Egy explicit definícióban egy karakterláncot egy másikkal helyettesítünk. Pl. egy személyi számot úgy definiálunk, hogy ekvivalens egy névvel és egy címmel.

Fontos kérdés, hogy hogyan határozzuk meg valamiről azt, hogy egy adott típus előfordulása-e. Sokan úgy vélik, hogy azért léteznek típusrendszerek, mert vannak néhány szabály alapján könnyen meghatározható tulajdonságok. Ez nincs mindig így. Például egy mesterséges-intelligencia-rendszerben előfordulhat, hogy egy objektumról nem tudunk semmit, csak a típusát. Tekintsünk egy rendszert, melyben három típus van: "ember", "férfi" és "nő", és nincs előfeltétel megkülönböztetésükre. Csak azt tudjuk, hogy résztípusok. Meghatározhatjuk, hogy János a "férfi" és nem a "nő" előfordulása, de a "férfiről" vagy a "nőről" egy egyszerű tulajdonságot sem állithatunk.

#### 4. ADATTIPUSOK A PROGRAMOZÁSI NYELVEKBEN

A továbbiakban az adatentitások /rész/kategóriájára szorítkozunk. Az adatentitások kategóriája - pontatlanul szólva - a számítógéppel kiszámítható és kezelhető objektumok halmaza. A típus funkciója az, hogy e kategóriát további megkülönböztethető osztályokba sorolja.

Az, hogy az entitásokat miként osztályozzuk típusokba, a típus-osztályozás céljától függ. Széles értelemben véve minden egyazon tipushoz tartozó entitás közös tulajdonsághalmazzal bír. A gyakorlatban a típusok megkülönböztetésére használható tulajdonság-halmaznak

- illeszkednie kell a típus-osztályozás céljához, és
- meg kell engednie a tipushoz tartozás egyszerű vizsgálatát.

A programozási nyelvekben az entitások típusokba osztályozásának legáltalánosabb célja, hogy egy operációnak egy operandusra történő alkalmazásakor igazolni lehessen, hogy a kérdéses operandus az operáció által várt entitáshalmazban, ha úgy tetszik típusban, van. Itt a "várt" azt jelenti, hogy az operandusra válasz definiált, nem pedig azt, hogy az operáció szükségszerűen eredményt ad vissza az operandusra. Például a verem tetején lévő entitást visszaadó TOP operációt egy üres veremre alkalmazva nem adhat vissza semmit, de ehelyett kivételes feltétel /exceptional condition/ bekövetkezését jelezheti. A lényeg az, hogy a TOP operációt megvalósító algoritmust úgy irták meg,

hogy üres veremre számít, de arra már nem, hogy verem helyett például egy egész számot kap operandusként. Így a típusok arra szolgálnak, hogy előírják az operációk definíciójának eshetőségeit vagy tartományát.

Tipuson objektumoknak vagy értékeknek a halmazát értjük, operációk egy gyűjteményével együtt. Az operációk közül néhány a halmaz elemeit állítja elő, és a többi - talán - a halmaz elemeit használja. Ezek az operációk más típusok elemeit is használhatják vagy előállíthatják.

Az "operációt" itt széles értelemben használjuk; magában foglalja azt, amit közönségesen is operációnak tekintünk, mint például az összeadást az egész számokon, vagy egy új elem beszúrását az adatstrukturákon; de tartalmazza egy adat-entitás tulajdonságának vagy attribútumának fogalmát is. Ez utóbbit néha [DAH'70] az operáció fogalmától különbözőnek tekintik. A tulajdonságoknak megfelelő operációk a tulajdonságokhoz való hozzáférés és a tulajdonságok módosítása.

Mint említettük, ezeknek az operációknak tipikusan operandusaik vannak, és számos különböző típusu eredményt állítanak elő. Pl. az az operáció, ami arra szolgál, hogy eldöntse, az adott elem egy bizonyos elemhalmazban van-e, logikai értéket ad eredményül. Következésképpen egy típus szemantikai definíciója gyakran csak más típusokkal, típusok egy családjával összefüggésben adható meg.

A fenti absztrakt definíciótól független a modell vagy realizáció különálló részekbe vagy modulokba csomagolásának fogalma. Ez a fogalom a programozási nyelvek outputjának strukturálásában különösen fontos.

A modul egy vagy több típusnak és/vagy egy vagy több eljárásnak vagy függvénynek "tokba zárt", számítógépes megvalósítása. A tokba zárás azt jelenti, hogy a megvalósítás sajátos alkotórészeire csak a modulon belüli kiváltságos programrészek hivatkozhatnak, és csak ezek manipulálhatnak velük. Típusok esetén a modul egy reprezentációt definiál a modulban megvalósított, implementált egyes típusok elemeire, és olyan eljárásokat definiál, melyek megvalósítják, implementálják a típusokra alkalmazható egyes operációkat.

Az absztrakt adattípusok fő felhasználása annak a hézagnak a pótlása, ami egy rendszer által kívánt és egy gép által nyújtott értékalmaz és operációk között van. E fogalmi hézag hierarchiával történő pótlásához az absztrakt adattípusok specifikációira és konkrét reprezentációira is szükség van. Ezért az absztrakciónak vannak olyan megközelítései is, melyek a megvalósítással is foglalkoznak. Ezek az absztrakt adattípust olyan felhasználó által definiált típusnak tekintik, ami két részből áll:

- a specifikációból, ami a felhasználó illetve a meghívó program által használható információt tartalmazza: leírja az összes operációt, definiálja azt, hogy a program más részei miként érhetik el és hogyan kezelhetik az objektumokat, és garantálja, hogy az ilyen típusu objektumok bizonyos tulajdonságuk legyenek;
- és a számítógépes megvalósításból.

Ehhez olyan védelmi mechanizmus párosul, ami biztosítja, hogy a program egy része se rombolhassa le az adatértékek integritását. A megvalósítás sajátos részeire



való hivatkozás megszorított, a megvalósítás tokba zárt. A programtervezés és fejlesztés folyamatában definiálhatunk egy specifikációt anélkül is, hogy szükségszerűen megvalósítást adnánk.

*Egy adattípus specifikációjának, külső nézetének kell definiálnia az értékalmazt. Az ALPHARD-ban például az értékalmazt kifejezetten definiálni kell, matematikai entitások /halmazok, vektorok, függvények/ segítségével. Az algebrai megközelítésben az értékalmaz implicit módon definiált, például egy algebra fölött generált ekvivalenciaosztályokként. Az operációkat állapotátmeneti relációk jellemzik. Az állapotátmeneti relációk adott implicit definíciók, az operációk előtti és utáni lehetséges rendszerállapotokra vonatkozó feltételekkel kifejezve. A feltételeket predikátumok fejezik ki. Az előfeltétel predikátum írja elő az állapotátmeneti reláció értelmezési tartományát. Ha az előfeltétel igaz, akkor van egy absztrakt állapot, ami a kívánt állapotátmenet. Az utófeltétel egy olyan predikátum, ami akkor és csak akkor igaz, ha egy adott utóállapot párosul valamelyik előállapottal az állapotátmeneti relációban.*

*Egy absztrakt adattípus konkrét reprezentációs szintjén, belső nézetében, adott állapotokkal kíséreljük meg az absztrakt állapotok ábrázolását. Egy konkrét állapotátmeneti reláció a fent definiált absztrakt állapotátmeneti relációval szemben olyan konkrét állapotokkal definiálható, melyeket az operáció számítógépes megvalósításában alkalmazott konkrét primitivek kompozíciója kapcsol össze. A konkrét primitivek mindegyikének van saját, implicit módon definiált, konkrét állapotátmeneti relációja.*

*A külső és belső nézetet az absztrakciófüggvény kapcsolja össze. Az absztrakciófüggvénynek kell az implementáció-invariánsokat, azaz a megvalósítás által változatlanul megőrzött tulajdonságokat kielégítő konkrét állapotokat az absztrakt állapotokba képeznie úgy, hogy a kezdeti konkrét állapotok a kezdeti absztrakt állapotokba, azaz a lényeges előfeltételt kielégítő állapotokba menjenek. Ha két állapot a származtatott konkrét állapotátmeneti relációban van, akkor absztrakt képeiknek az absztrakt állapotátmeneti relációban kell lenniük.*

Ez utóbbi megközelítés alapján úgy tűnhet, hogy a programozási nyelvekben az absztrakció kapcsolja össze a számítógépes megvalósítást és a specifikációt. Ez azért zavaró, mert mind a megvalósítás, mind a specifikáció adatabsztrakció abban az értelemben, hogy mindkettőre előírt egy operációhalmaz és bizonyos kényszerek.

Valójában a leírásnak két szintje van, és az absztrakció a kapcsolat köztük. Ezért ahogy másodszor definiáltuk, az adatabsztrakció egy specifikációs technika.

A típusok fogalmát a programozási nyelvekbe olvasztva kellemetlen problémák adódhatnak, ha nem különböztetjük meg a szimbólumokat és az általuk reprezentált objektumokat. A nehézségek gyökere az, hogy a számítógép rendszerek az objektumokat gyakran ábrázolják olyan szimbólumokkal, melyeknek saját belső strukturájuk van. Például a P pontról beszélve a "P" betűt strukturálatlan szimbólumként használjuk a pont jelzésére. De egy számítógép-rendszer P-t olyan szimbólum felhasználásával jelölné, melynek legalább három strukturális tulajdonsága van: egy /n hosszúságu/



bitsorozat az abszcissza ábrázolására, egy /n hosszúságu/ bitsorozat az ordináta ábrázolására, és egy memóriahely.

Egy programozási nyelvben a típus-információ előírásakor tulságosan gyakran nem világos, hogy az adatentitásokra, az ezeket reprezentáló szimbólumokra, vagy mindkettőre teszünk-e állításokat. Mit tartunk egy olyan állításról, mint "egy pont egy valós számpár"?

Ez a zavar természetesen a programozási nyelvek tervezésének tradíciójából ered. A programozási nyelvek tervezése a korai autókódokkal kezdődött, melyeket az assembly kód magas szintű rövidítésének véltek. Az assembler nyelvben több reprezentáció érhető el bizonyos közös adatstruktúrákra, nevezetesen - egész és valós - számok. A programozók azonban nem akartak törődni ezekkel a megkülönböztetésekkel, így bevezették e megkülönböztetések jelzésére a típusokat - bár erre inkább a fordítóprogramnak volt szüksége mintsem a programozónak. Ez a típusfogalom a nyelvi rendszer által kezelt szimbólumok ill. e szimbólumokat számítógépen megvalósító adatstruktúra belső struktúrájára utal, nem pedig a szimbólumok által reprezentált dolgok közti kapcsolatokra.

A zavart csak növeli a nyelvtervezés jelenlegi trendje, ami a SIMULA-ban indult, és folytatódik a SMALLTALK-ban, APIARY-ban, CLU-ban, ALPHARD-ban, stb. Ezek ugyanis a rendszer absztrakt objektumokat ábrázoló, programfutas során keletkező struktúráit objektumokként kezelik. A rendszerbe épített, és a felhasználók által definiált típusok egységes kezelésére törekedve összeolvasztják ezeket az objektumokat és a hagyományosabb nyelvi struktúrákat, és úgy vélik, hogy a számítógépes megvalósítás

programszövege nemcsak leírja az objektumokat, hanem az objektumokhoz is van rendelve. Ez egy intuitív képet idéz elő, mely szerint a nyelv által leírt objektumok - a valamilyen típusu adatentitások - aktív közvetítők, mindegyiknek saját szövege van, futnak, üzeneteket küldenek egymásnak, stb. Bár ennek a képnek kétségtelenül van valami intuitív varázsa, nehéz összeegyeztetni bármilyen következetes kapcsolattal, ami a nyelv és valami külső világ között van.

Ez a zavar biztosan nem szükségszerű. Bár ezeknek a belső "objektumoknak" strukturájuk van, ami valamiféle típus-hierarchiába rendezi őket, lényegében szintaktikus entitások. A zavar elkerülésére meg kell különböztetni a szimbólumok strukturáját és azt, hogy hogyan használjuk ezeket objektumok reprezentálására.

A hagyományos nyelvekben a típus egy változó attribútuma, ami a változóhoz bizonyos információt társít arról, hogy hogyan használható a változó. A típust egy létrehozó mechanizmusnak is tekinthetjük, azaz egy sablonnak, amely egy programban használatos változók létrehozására szolgál. A típus társítható az értékkel, és a típus-információ a változóval. A "változó: típus" kapcsolat rendszerint  $n:1$ ; mert a változók csak egy típus értékeire hivatkozhatnak. Lehetnek azonban olyan változók, melyek egynél több típus értékeire hivatkozhatnak. Az APL-hez hasonló nyelvekben a típus azokhoz az értékekhez társul, melyekre egy változó utal.

Azt a kérdést, hogy egy típus a változókkal vagy az értékekkel van-e társítva, különböző programozási nyelvekben különbözőképpen oldják meg. Pl. a RUSSELL-ben a típusok csak a változókkal vannak társítva és az értékekkel egyáltalán

nem. A típusfogalom teljesen szövegbeli, így egy objektum típusának megkérdése értelmetlen.

Vannak rendszerek, melyekben a típust tipusként kezelik, azaz vannak típusokon értelmezett operációk, és vannak rendszerek, melyekben a típusokon nem értelmeznek operációkat.

A típus a paraméterezés fogalmával [TH'78] nyeri el teljes erejét, ami az un. "paraméterezett típusokhoz" vagy "típus-konstruktorokhoz" vezet. Az /absztrakt/ adattípusokra alkalmazott paraméterezés megengedi, hogy olyan /absztrakt/ adattípusok osztályait írassuk elő, melyeknek értékhalmazai, sőt részben operáció-szemantikái is különbözők. Tekintsük például az ARRAY[CARRIER, INDEX] paraméterezett /absztrakt/ adattípust, ami nyitva hagyja, hogy egy tömbbe milyen elemek milyen helyekre kerülhetnek. Ezen paramétereket definiálva egy /absztrakt/ adattípust nyerünk.

Mint az eddigiekből kitűnik, az absztrakt adattípusok elsődlegesen a programozási nyelvekbeli absztrakciós technikákra összpontosítanak. Ez a módszertan kétféleképpen is korlátozott:

- az a modell, amit a programszervezéshez nyújtanak, nem alkalmazható minden program és programrész esetén;

*Néhány esetben a problémák nincsenek kellemesen adattípusokba öntve, vagy a szükséges funkcionálisítás nincs kifejezve algebrai axiómákkal. Más esetekben a probléma olyan definícióhalmazt követel, melyek nyilván nagyon hasonlóak, de mégsem fejezhetők ki egy adattípus-definíció előfordulá-*

saival /instantiation/, még generikus definíciókat használva sem. Ilyen értelemben további alternatívákat kellene keresni a programabsztrakciók mostandig jól-megértett két operációjára, a kompozícióra és az előfordulással való szemléltetésre. Új modellfajták bevezetése természetesen kérdéseket vet fel; hogyan használjunk több modellfajtát hatékonyan egy egyszerű programban.

- az absztrakt adattípus kutatása kizárólag a funkcionális helyességre koncentrált, és figyelmen kívül hagyta a programok egyéb tulajdonságait.

Extrafunkcionális tulajdonságok például az idő- és tárhővetelmények, a tárhozzáférési minták, a megbízhatóság, a szinkronizáció, a folyamat-függetlenség. Olyan specifikációs módszertanra lenne szükség, ami megengedi, hogy

- a programozó tulajdonságokra vonatkozó állításokat tehessen és ezeket igazolhassa, ne egyszerűen a programszöveg elemzésével származtasson pontos értékeket vagy teljes specifikációkat. Ez analóg azzal, hogy a funkcionális specifikációban előírjuk a számítás bizonyos fontos, megőrzendő tulajdonságait, és nem formálisan származtatjuk a program által definiált matematikai függvényt.
- ne adjunk új fogalmi szerkezetet minden egyes új tulajdonság-osztályra.



Mindezt még gyakorlati problémák is tetézik:

- a legtöbb esetben egy egyszerű modulban csak egy típus definiálható;
- a típusoknak szigorú hierarchiába kell illeszkedniük;

*Egy ilyen hierarchiában egy objektum nem tartozhat két más nemű tipushoz - bár vannak, akik ezt éppen ellenkezőleg szeretnék.*

- problémás két specifikáció "eléggé hasonlóságának" definiálása;

*Az a definíció, hogy a két specifikáció jelölje ugyanazt az értékalmazt, és definiálja rajtuk ugyanazon operációkat, tulságosan leegyszerűsített. Adott alkalmazás esetén lehet két specifikációnk, melyek értékalmazai és operációi kissé különbözők. Azonban az alkalmazás által megkövetelt operációk a két specifikáció metszetébe esnek. Így a két specifikáció különböző, de elég hasonló erre a sajátos célra.*

*Az a definíció, hogy a két specifikáció ugyanahhoz az elmélethez vezessen /mint például csoportot definiálhatunk osztással és bizonyos axiómákkal vagy szorzással, inverzzel és azonossággal/, túl erős lehet. Néhány alkalmazáshoz a hasonlóság gyengébb fogalmára van szükségünk. Programfejlesztés során a teljesítmény szempontjából jövedelmező lehet egy típusunk megvalósításának megváltoztatása. Előfordulhat, hogy az alternatív ábrázolás specifikációja kissé különbözik a helyettesített specifikációtól, az eltérések azonban nem számítanak abban az alkalmazásban, amiben a típust használjuk.*

- milyenek a használt programozási nyelv típusellenőrzési szabályai, mikor történik a típusellenőrzés fordításkor vagy futáskor;
- a számítógépes megvalósítás kérdései, például lehet-e a modulokat külön fordítani, stb.



## 5. ADATTIPUSOK AZ ADATBÁZISOKBAN

Az adatbázistervezés régen csaknem kizárólag adattal foglalkozott; azonban kiderült, hogy az eredményül kapott sémák alkalmatlanok bizonyos kényszerek, főképp az állapotátmenetek leírására. Ezért fordult az adatbázis-kutatók figyelme az adattípusok felé. Már jóideje kísérleteznek az adatbázis-modellezés és az adatabsztrakció fogalmainak összeegyeztetésével, tekintve, hogy a programozási nyelvek adatabsztrakciós világából az információelrejtés és a tokba zárás fogalma átfedi az adatbázisok adatfüggetlenségének fogalmát.

*Hogy megértsük hogyan is került a típus az adatbázisok világába, szükségünk van néhány fogalomra. A reláció fogalmához kapcsolódik a relációs séma fogalma, ami a reláció nevéből, a relációban előforduló attributumok neveiből, és azon tartományokból áll, melyekből ezek az attributumok értékeiket veszik.*

*A relációs modellel kapcsolatos az az ötlet, hogy az oszlopok vagy attributumok valamely kombinációjának azonosítási tulajdonsága van; azaz az attributumok ezen kombinációjához társított értékek megkülönböztetik a reláció bármely két sorát. Ha a választott kombinációban egy attributum sem nélkülözhető, akkor ezt a kombinációt lehetséges kulcsnak nevezzük. Egy adott relációban több lehetséges kulcs is lehet. Megállapodás szerint egyet elsődleges kulcsnak választunk. Ezzel a választással kapcsolatos az az intuitív elképzelés, hogy az elsődleges kulcs értéke valahogy ábrázol vagy egymástól megkülönböztet bizonyos valós világi objektumokat.*

Egy felfogás szerint mind a reprezentáció forrásához, mind a reprezentáció céljához társítottak egy típust. Ezt a típusfogalmat használták az operációk, például az összekapcsolás /join/ korlátozására is [CO'79]. Eszerint a rendszernek meg kell akadályoznia két reláció összekapcsolását két különböző tartományu attribútum felett - de legalább is riasztania kell a felhasználót, ha ilyesmivel próbálkozna.

A következő típusfogalom hivatkozási fogalom. Tegyük fel, hogy számos relációnk van, ugyanazon tartomány feletti attribútumokkal. Egy tetszőlegesen választott oszlopban tekintsük egy sajátos érték valamely előfordulását. Ez az érték nyilvánvalóan több egy puszta értéknél: fel van címkézve azon tartomány nevével, ami fölött az oszlop definiált. Ez az érték utaló jellel jelöl meg ugyanezen érték adatbázisában minden más, hasonlóan címkézett előfordulást. Ezek a kereszthivatkozások nem helyettesíthetők egy egyszerű pointerrel, a hivatkozások vagy összefüggések tömege miatt.

Az adatbázisokban eleinte nem volt jó résztípus-fogalom. Bevezetése John és Dianne Smith absztrakciós értekezésének [SM'77b] tulajdonítható. Ha például emberekről van egy adatbázisunk, és az emberek bizonyos részosztályairól speciális információt akarunk feljegyezni, akkor ilyen résztípussal kapcsolatos problémákba bonyolódunk. Az adatbázis rendszernek fontos tudnia, hogy mely dolgok miknek a résztípusai.

*A világ modellezésében gyakran találkozunk azzal, hogy egy entitás, mondjuk Kis János "személy", több tipushoz /osztályhoz/ tartozik, és olyan operációkkal*

/tulajdonságokkal/ bir, melyek egyes típusbeli tagságára nézve specifikusak. Például Kis János lehet az egyetem "hallgatója", és egyidejűleg részidős "alkalmazottja" is. Mindkét szerepében az egyetemen ismert "személy". A típusoknak azt a gyűjteményét, amihez egy entitás tartozik, gyakran általánosító strukturának nevezik. A tartalmazott típusokat, mint "hallgató" és "alkalmazott" a tartalmazó típus, a "személy" résztípusainak nevezik. Egy általánosítást vagy szupertípust az általánosított entitás típusára alkalmazható operációk egy részhalmazának kiválasztásával definiálunk. A "személy" általánosításnak lehetnek olyan operációi, melyek elérnek egy állandó címet, egy telefonszámot, stb. Ezek a "hallgatóra" alkalmazható operációk részhalmazát képezik, melyek között lehetnek osztályzatok és más hallgató tulajdonságok elérésére és módosítására szolgáló operációk is. Nyilvánvaló, hogy ugyanazon típuson többszörös általánosítás ugy lehetőséges, hogy az operációk különböző részhalmazait választjuk megőrzendőnek.

Van némi hasonlóság az általánosítás fenti képzete és a programozási nyelvekben levő unió típusok fogalma között. Mindkettőnek van résztípus fogalma, vagy talán pontosabban vannak más típusokba ágyazott típusaik. A különbség az, hogy a fent definiált általánosítások nyílt végűek, azaz, ha egy olyan új típust definiálunk, ami rendelkezik az általánosítás által megkövetelt operációkkal, akkor ez automatikusan az általánosítás részosztályává válik. Az uniók viszont explicit módon azonosított osztályok véges gyűjteményéből állnak. Az is igaz, hogy az unióbeli



*osztályoknak nem lehetnek közös operációi. Az uniók reprezentációs problémák megoldásában a leghasznosabbak, például a listák típusának definiálásakor hasznos, ha más az üres és a nem üres lista reprezentációja. A listareprezentáció a két részeset reprezentációjának uniója lenne.*

A reláció típusának fogalmával kapcsolatban több kérdés vetődik fel. A relációnak összetett értelmezési tartománya van, ami a relációbeli oszlopok értelmezési tartományaiból áll. Ez az összetett tartomány a reláció típusának tekinthető. Megegyezik-e ez egy  $n$ -es vagy egy rekord típusával? Ha abból az álláspontból indulunk ki, hogy egy típus objektumokból és operációkból áll, ez a kettő nem ugyanaz, mert a relációkon értelmezett operációk halmaza nem szükségszerűen egyezik meg az  $n$ -eseken értelmezett operációk halmazával. Tekintsünk két relációt, legyen mindkettőnek csupán két oszlopa, melyek ugyanazon tartomány felett definiáltak. Ezek a relációk azonos típusúak? Azonos típusúak-e, ha az alkalmazható operációk is azonosak?

Helyezkedhetünk olyan álláspontra is, hogy a dolgokat más okok alapján különböző típusúaknak mondjuk, de a halmazok és operációk szempontjából azt is mondhatjuk, hogy azonos típusúak. A kérdés az, hogy szükség van-e névszerinti megkülönböztetésre a típusok között, vagy elég a strukturális megkülönböztetés. A válasz: típusok azonosságához szükség van mind a névszerinti, mind a strukturális megegyezésre.

Egy relációtípussal társított értékhalmoz az  $n$ -es típusával társított - egyedi kulcs feltétellel megszorított - értékhalmoz hatványhalmaza. Ez azt jelenti, hogy a reláció változhat a teljesen ürestől az összes lehetséges nem redundáns  $n$ -est tartalmazóig.



Egy adatbáziskezelő rendszer vagy nevezzük adatmodellnek attól függően, hogy az implementációról vagy az absztrakt modellről beszélünk-e, típusgenerátorok halmaza. Például egy relációs adatbázisnak olyan típusgenerátorai lehetnének, amelyek tartományokat és tartományokból relációkat szerkesztenek. Egy CODASYL rendszer lényegében a típusgenerátorok olyan halmazát adja, mint "area" és "set-of".

Egy típusgenerátor előfordulása adatbázis-sémát eredményez. Az adatbázistervező készít egy típus-generátor-halmazt, és létrehoz egy tipushalmazt. Az adatbázis-sémák tervezői valójában a típusok új előfordulásait adják meg, az adatbázis felhasználói pedig az objektumokat vizsgálják. Ezek az emberek lefelé exportálják a típust.

Az átlagos adatbázis modelleknek szabványos reprezentációs alakja vagy struktúrája van az entitásokra, ezen entitások tulajdonságaira és a köztük lévő kapcsolatokra. Egy adat-entitás modellje szabványos modellezési primitívek viszonylag kis halmazából áll össze. Például a relációs modellben egy modell tartományokból és relációkból tevődik össze. Az egyes modellek esetén az operációknak egy szabványos halmaza van - `create_entity`, `update_entity`, `delete_entity`, `find_entity` -, melyek ezen adatmodellben ábrázolható minden adatentitásra alkalmazhatók. Azok az operációk, melyek egyedülállóak az adatentitások egy sajátos osztályára nézve, többnyire nincsenek explicit módon azonosítva. Ezt a megközelítést azért használják, mert nehéz, hacsak nem lehetetlen megjósolni az adatokra feltehető összes kérdést. Egy általános célú struktúra egy, a teljes gyűjtemény töredékeinek kombinálására alkalmas nyelv esetén megengedi az előre láthatatlan kérdéseket.

Ahogy van egy absztrakt adatfogalom, amit strukturának nevezünk, éppen úgy van egy absztrakt viselkedésfogalom is. A struktura- és operáció-specifikációkban megadott absztrakt tulajdonságok elhatárolhatók a reprezentációtól. Azt, amit strukturának nevezünk, a programozási nyelv kutatásban nem különböztetik meg a reprezentációtól, de az adatbázis-kutatásban igen /belső és fogalmi sémák megkülönböztetése/. Természetesnek tűnik például, hogy egy alkalmazottat olyan entitásnak tekintsünk, melynek bizonyos adat- vagy információ-tulajdonságai vannak: név, kor, fizetés, stb.; és ne egy olyan operációsorozat eredményének, mint

előléptet(bér(alk),teherautósofőr).

A programozási nyelvekben a strukturát reprezentációként kezelik, és mint ilyen, nem absztrakt. Az adatbázisstervezés lényegét ezek a strukturális absztrakciók képezik.

Sok esetben a modellezett entitásokra alkalmazható operációk egész közvetlenül ezen entitások reprezentációin értelmezett operációkba fordíthatók; például egy entitás valamely tulajdonságával társított érték megváltoztatása az adatbázis módosító /update/ operációjával történik. Vannak azonban olyan esetek, amikor sem a reprezentáció, sem az operációk nem illeszkednek természetes módon az adatmodellbe.

*Tekintsük például a sor entitások típusát, a sor elemeinek beiktatására, eltávolítására és átrendezésére szolgáló operációkkal. A sor ábrázolásához meg kell határozni az elemek reprezentációját, és az elemek rendezésének módját. Egy relációs modellben a sor-elemeket ábrázolhatják  $n$ -esek: egy tartomány az elemazonosító, a többi a tartalom. A rendezés ábrázolható egy  $n$ -esbeli extra rendezési tartománnyal*

vagy egy olyan külön reprezentációval, ami a rendezésben egymást megelőző/követő elemazonosítók párjaiból áll. A sorokon értelmezett operációknak nem egyszerű, lekérdező nyelvben megfogalmazott kifejezéseknek, hanem olyan "programoknak" kell lenniük, melyek figyelembe veszik a rendezés választott reprezentációját.

A sor szempontjából a sor elemeinek formája a sor külső tulajdonságaként van előírva, míg a sor rendezésére választott reprezentációnak nem kell kívülről látszania, ehhez csak a sorokon értelmezett operációk reprezentációjának van köze. Így a fenti reprezentációnak két külön része van:

- a modellezett entitásban előforduló, külsőleg definiált entitások reprezentációja, és
- a modell részleteinek reprezentációja.

A sorokhoz relációs reprezentációt választva a reprezentációnak ez a két oldala összekeveredik, és mindkettő felszínre kerül. A relációs reprezentáció nem a sor közvetlen modellje; túl sok oda nem tartozó lehetséges kölcsönhatást enged meg. Csak akkor válik a sor modelljévé, amikor a hozzáférés az értelmezett operációkra korlátozott.

A lényeg az, hogy a reprezentáció nem modellezés, és az adatmodell-operációk csak néha modellezik a modellezett entitásra alkalmazható operációkat.

Az adatbázis-alkalmazásokkal foglalkozó kutatók felismerték, hogy egy entitás modellezéséhez a lényegi reprezentációnál több kell. Ez látható az adatmodellekkel kapcsolatos



utóbbi munkákban [CO'79], [SM'77a], [SM'77b], ahol a modellbe több deklarativ információt építenek be úgy, hogy az adatmodell szabványos operációi, mint például a törlés /delete/, pontosabban tükrözzék a modellezett entitás szemantikáját. Amikor egy entitást számos "normalizált" alkotórésszel modelleznek, a normalizálási információt használják fel annak biztosítására, hogy a felső szintű alkotórész törlésekor az összes alkotórész törlődjön. Ez a megközelítés növeli azon entitások számát, melyeknek természetes modelljük van az alkalmazott adatmodellben, de még ilyen szemantikai bővitések mellett is esztelenség lenne azt hinni, hogy az adatrepresentációk bármely rögzített halmaza természetes modelleket ad minden entitáshoz. Ezt a legtöbb adatmodell-tervező még csak nem is igényli.

Az adatmodell reprezentációban az implicit tulspecifikálás megoldására az adatbázis-kutatók a választott reprezentációt integritási kényszerek halmazával bővítik. Az integritási kényszer ötlete onnan ered, hogy a szabványos adatmodell-operációk csak akkor válnak megengedetté, ha az eredmények ki fogják elégíteni a modellezett entitások reprezentációjának formájára és tartalmára vonatkozó kényszerek /vagy invariánsok/ halmazát. Tipikus kényszer lehetne az, hogy egy adott részlegbeli összes alkalmazott fizetésének összege nem haladhatja meg e részleg teljes fizetési költségvetését. Ekkor egy alkalmazott fizetésének növelésére szolgáló módosító operáció csak akkor lenne megengedett, ha a részleg fent megfogalmazott költségvetési kényszerének eleget tenne.

A kényszer képzelete nagyon hasonló a programozási nyelvekben alkalmazott adatabsztrakciók megvalósításában lévő invariáns fogalmához. Mindkettő a modellezési tér olyan alterét



definiálja, mely elégséges a modellezett entitások ábrázolásához. Abban különböznek, hogy az invariáns kielégítését az entitásokra alkalmazható operációkat realizáló adatmodell-operációk tokba zárt halmazaira vonatkozóan állapítják meg, azaz az invariánsok kielégítését egyszer és mindenkorra megállapítják, és nem kell ismételt ellenőrizni. Ezzel ellentétben a kényszereket sokszor kell ellenőrizni, a reprezentáción értelmezett, egymással összefüggésben lévő operációk minden egyes halmaza után. Ez nem jelenti azt, hogy a kényszereknek /vagy invariánsoknak/ minden időpontban teljesülniük kell. Csak az adatbázis-operációk egymással összefüggésben lévő halmazai között /e halmazok kezdetekor és végekor/ kell teljesülniük. Az operációk egymással összefüggő halmazát tranzakciónak nevezzük, ez az adatabsztrakció operációjának megfelelője. E hasonlóság, és az invariánsok ki-elégíthetőségének nagyobb hatékonyságu bizonyítása alapján, értelmes lenne tokba zárni az adatmodellbeli reprezentációt egy olyan operációhalmazzal együtt, melyek egy adatabsztrakciót definiálnak.

Hogy továbbra is kezelni tudjuk az előre nem látható kérdéseket, a tokba zárásnak nem kéne teljesnek lennie. A kényszerek kielégítettségének biztosításához csak az szükséges, hogy a reprezentáció állapotát megváltoztató összes operációt tokba zárjuk. Lehetséges és helyénvaló megengedni viszont, hogy a lekérdező szabványos adatmodell-operációk közül néhány vagy mind félig átlátszódjon a token. Ez alatt azt értjük, hogy egy adatabsztrakció reprezentációjára alkalmazható operációk közül néhány közvetlenül elérhető /exported/, mint az adatabsztrakcióra alkalmazható operáció.

A javasolt adatmodellek bármelyikének választása olyan absztrakciók egy bizonyos rögzített halmazának kiválasztását jelenti, melyeket azután az összes entitás modellezésére fogunk használni. Ahogy a sor példája is mutatja, adott /absztrakt/ reprezentációs konstruktorok bármely rögzített halmaza esetén mindig lesznek olyan entitások, amiknek nincs természetes modelljük abban a halmazban. Ezért lenne szükség egy olyan adottságra, hogy tokba zárt adatabsztrakciókat definiálhassunk ezen kivételes helyzetek kezelésére.

Megengedve, hogy a felhasználók a típusok gyűjteményét egy adatabsztrakciós, tokba záró mechanizmuson keresztül kiterjeszthessék, sok meglévő adatmodellezési megközelítés, de legalábbis számítógépes realizációjuk kiterjesztésére kényszerülünk. Ahelyett, hogy a tulajdonságok - azaz a rekordbeli vagy n-esbeli mezők - értékeire rögzített adat-típushalmazunk lenne, az adatmodellnek meg kell engednie, hogy a tartomány-típusok halmaza nyílt végű legyen. Emiatt kénytelenek vagyunk

- megváltoztatni az alapvető egységek, ugymint a rekordok, az n-esek és a szegmensek tárolását; és
- az indexterületet a tartományok ezen új fajtáira kiterjeszthetővé tenni.

Ezzel szemben az adatbázis-alkalmazások egy irányzata kételkedik abban, hogy a típusok elég erőteljesek volnának minden szempont megragadásához. Az idézett ellenpéldák többek között

- a kényszerek,
- a strukturák és operációk bonyolultsága,
- az adat élettartama,

- a megbízhatóság hardver működési hiba esetén,
- kivétel-kezelés /exception handling/,
- párhuzamos elérések.

Következésképpen a típusok "szemantikai képességeinek" kiterjesztését kérik. Sokan úgy vélik, hogy a programozási nyelvekbeli típusfogalmat az adatbázisrendszerekbeli tranzakció fogalmába kell fordítani [WED'81]. A fogalmak ugyan megfelelnek egymásnak, de nem azonosak.

A típus-specifikáció és a megvalósított típus támogatásának jelenlegi helyzetét tekintve ez a követelés gyakorlati szempontból jogos.

A típusok adatbázis célokra való felhasználásának fő akadálya az univerzális, formális, átfogó és gyakorlat-orientált típus-specifikálási technikák jelenlegi hiánya. Az irodalomban a megközelítések gazdag választékát tárgyalták, de mindezideig ezek egyike sem vált szélesen elfogadottá vagy használttá. A széleskörű alkalmazhatósággal bíró, átfogó technikák többnyire nem eléggé formálisak a helyesség- és teljességbizonyítások megengedéséhez. Ez a követelmény közben a gyakorlatban is megjelent. Ezzel szemben a formális technikák néha nem eléggé univerzálisak, vagy bonyolult és áttekinthetetlen specifikációkhoz vezetnek. Főként a jelenlegi favoritok, az algebrai technika és a vele összefüggő, átirányítási rendszereken alapuló megközelítések szenvednek a tisztán rekurzív operáció-definiálásoktól. Számos algoritmikusan könnyen kezelhető fogalom válik nehézkesen kezelhetővé; gondoljunk csak a rekordtörlés javaslatára a DBTG hálózatos adatbázisokban.

A kételkedők azonban elméletileg rossz feltételezésből indulnak ki. Ha elfogadjuk, hogy az adatobjektumok a valós



világ valamely részét modellezzik, és operációk eredményei, akkor az adattípusok bevezethetők úgy [GO'75] [GU'80] hogy rendelkezzenek a szükséges képességekkel. Például az összes felsorolt "ellenpélda" kifejezhető adat és operációk segítségével, és így megragadhatók, ha a megfelelő adattípus-specifikációs technikák rendelkezésre állnak.

Az adatmodellek is "dolgozók", és mint ilyenek modellezhetők. Azt a megközelítést, hogy az adatbázisokat is tekintsük úgy, mint típusértékeket, [EH'78] vázolta fel. Ez számos érdekes lényegi problémát vet fel.

- Az adatmodellek paraméterezett absztrakt adattípusokká válnak, "csak" az a kérdés, hogy hogyan specifikáljuk ezeket.
- Az adatbázis sémák normális paraméter-értékadássá válnak, és az a kérdés, hogy milyen szintaktikai eszközökre van szükség megfogalmazásukhoz.
- A kényszerek normális operáció-tulajdonságokká válnak, és az a kérdés, hogy hogyan fogalmazzuk meg az operáció definícióját, hogy átfogó és teljes legyen. Ekkor majd a különböző "alacsonyabb" típusok - mint a DBTG hálózat modellben lévő halmazok /Set/, területek és rekordok - közti kölcsönviszonyokat érintő különféle kényszerek tisztán és nyíltan azonosíthatók lesznek.

Probléma az is, hogy egy adatbázis rendszerben lévő egyszerű adatabsztrakciónak tipikusan több reprezentációja van. Ez az adatfüggetlenség elvének következménye, ami előírja, hogy a felhasználó adatról alkotott nézetének nem szabad változnia azért, mert az alapjául szolgáló



reprezentációt a hozzáférés hatékonyságának javítása céljából megváltoztatták. Ez maga után vonja, hogy az adatmodell-absztrakcióban tökéletesen kifinomult reprezentáció-fordító eszközök csomagjának kell lennie.

A precíz típus-szerkezetre való hivatkozás másik előnye az, hogy a mindezideig gyenge fogalmak formálisabban hozhatók kapcsolatba, definiálhatók és tanulmányozhatók. Például, ha a "fogalmi modellezést" intellektuális modell-építő, és ezzel kapcsolatos folyamatok /általánosítás, aggregáció, osztályozás, stb./ végrehajtásaként értelmezzük, akkor ezeknek a folyamatoknak típus-szintű alkalmazásai vannak, a típusok közti morfizmusok alakjában. E morfizmusok nem lépik túl az eddig említett keretet, mivel olyan adattípus operációként kezelhetők, melynek értékei maguk is adattípusok. Ez az elgondolás már [BRO'80] -ban is megjelenik.

Sok még a tennivaló a megfelelő és talán speciális célra orientált technikák kifejlesztésében, melyek együtt, egy erősen típus-középpontu szemlélet alapján "eszköz-készletet" adnának az adatbázisokhoz.

A típusnak az a fogalma tehát, ami univerzális modellezési fogalomként megfelelőnek tűnik, a típusokat objektum-osztályoknak tekinti, a megfelelő osztály objektumain értelmezett operációkkal együtt. Ez a fogalom második alkotóelemként felöleli a típusok primitívebb típusokból való kompozíciójának fogalmát, és következésképp az objektum-és operációkompozíciók fogalmait. Ez a típusfogalom bármely modellezést támogat, mivel kötelezővé teszi a megfigyelt realitásbeli dolgok

- osztályozását,
- változékonyságuk elemzését, és
- strukturájuk elemzését a sajátos modelltől függetlenül.

E jellemzők miatt a típusfogalom a következőképpen támogatja a modellezést:

- Egy adatmodellnek megfelelő reprezentáció:

*Az adatmodellt, például a relációs adatmodellt paraméterezett típusnak tekinthetjük. Ekkor egy relációs adatbázisbeli összes reláció "reláció" típusnak tekinthető.*

- Adatstrukturák reprezentációja:

*Az adat strukturáló modelljei, mint az aggregáció és az általánosítás, típuskompozíciókként ábrázolhatók.*

- Dinamikus adat-tulajdonságok reprezentációja:

*Egy típushoz társított operációk, és néhány alkalmazhatósági kényszer az adat dinamikus tulajdonságainak reprezentációjaként tekinthető.*

Az adatbázis rendszerek modellezésében a fenti típusfogalom három absztrakció-tipust támogat:

- a valóságban történő dolgok modellezésekor egy adott modell jegyében történő absztrakciót,
- egy adott reprezentációnak más reprezentációval való modellezésekor egy másik modell jegyében történő absztrakciót, végül
- egy adott reprezentációnak egy matematikailag formális metajelöléssel való modellezésekor végrehajtott absztrakciót.

## 6. ADATTIPUSOK A MESTERSÉGES INTELLIGENCIA-RENDSZEREKBEN

Az aktuális számítási folyamat síkján a programozási nyelvekkel kapcsolatos tipikus témákról gondolkozunk. E sík felett, lenézve erre a síkre olyan kérdéseket tehetünk fel, mint "Van ebben a síkban olyan objektum, ami részt vesz bizonyos kapcsolatban?". Ez egyfajta adatbázis szempont. A mesterséges intelligencia szempontja valahol e rendszer egészén kívül helyezkedik el, mert a rendszerbeli típusok, és a rendszerre vonatkozó kényszerek felismerésével foglalkozik.

A mesterséges intelligenciával foglalkozó kutatókat felismerési problémák foglalkoztatják. A hagyományos adatbázis-alkalmazásokban amikor egy  $n$ -esünk van, a tartományok típusai jól-definiáltak, és közvetlenül a típusleírásból ismertek. Ugyanez igaz a programozási nyelvek világában is. A felismerési probléma abból áll, hogy egy objektum típusát az objektumról felgyűlemlett bizonyítékokból kíséreljük meg azonosítani. Ezzel kapcsolatban további kérdések merülnek fel:

- az alapértelmezés /default information/ tárolása,
- az adatoperációkra előírt kényszerek ábrázolása, és a
- dinamikus újraosztályozás problémája.

Ez utóbbi esetben elég információt kaptunk arra, **hogyan** egy objektumhoz egy másik típust társítsunk. Lehet egymásbaskatulyázott leíráshalmazunk is.

Ez eltér a programozási nyelvek konstruktív szemléletétől, miszerint az objektumok logikai entitások

halmazából jönnek létre operátorok segítségével. A programozási nyelvekben ezért az objektumokon értelmezett operációknak ismerniük kell, hogyan vannak szerkesztve az objektumok. A következtetés hatékonyságának javítása és az objektumok szerkesztésének ismerete két merőben eltérő típus hierarchia-fogalomhoz vezet. Például ha van egy axiomatikus számelméletünk, akkor semmi sem szól az ellen, hogy az egész számokat a valós számok részhalmazának tekintsük. Ha azonban az egész és valós számok meg vannak szerkesztve, mint például az ALGOL-ban vagy az axiomatikus halmazelméletben, akkor különféle entitások.

Nézzünk egy példát. Legyen a feladat a mesterséges égitestek mozgásának szimulálása.

Egy olyan funkcionális programozási nyelvben, mint a LISP, egy függvény-gyűjteményünk lenne a mozgatáshoz és gyorsításhoz. Egy szimulációs programozási nyelvben, mint a SIMULA, létrehoznánk egy adattípust a mesterséges égitestekre, és társíthatnánk azokkal a sajátos viselkedésekkel, melyekkel akarjuk, hogy rendelkezzenek.

A SMALLTALK-ban ezt a szimulációt egy ún. osztállyal /absztrakt adattípussal/ implementálnánk. A tényleges mesterséges égitestek az osztály előfordulásai /instance/ lennének. Lehetne egy sajátos előfordulásunk, amit "SZALJUT"-nak hívnak. Ennek lenne egy sajátos állapota, bizonyos pozíciója, bizonyos sebessége, gyorsulása, stb. A mesterséges égitestek osztály minden előfordulása esetén a mesterséges égitest nevezi meg az állapotváltozókat és definiálja a módszert. A módszer valójában egy eljárás, ami például kidolgoz egy új helyzetet, sebességet, stb. Az itteni helyzet-



sebesség- és gyorsulás-függvények megfelelnek az absztrakt adattípusbeli operációknak. Minden osztály egész csomó módszert támogathat. A belső megvalósítások más módszerekkel is definiálhatnak módszereket, és fizikai ismereteink alapján kitalálható, hogy az objektum helyzetének, sebességének és gyorsulásának primitív függvényei nem függetlenek.

Az űrben repülő mesterséges égitesteket kezelhetjük olyan adatbázisként is, melytől megkérdezhető, hogy "Melyek az adott szektorban lévő mesterséges égitestek". A SMALLTALK-ban ennek eléréséhez másfajta módszerek kellenek, melyek megvizsgálják az osztályt. Mostantól már nem kívánatos, hogy egy osztály megvalósítsa az adattípus összes viselkedését, de hasznos, hogy megvan az osztály szó, mert itt kapjuk meg az adatmodell néhány viselkedését. A mesterséges égitest viselkedése magában foglal egy függvényt annak eldöntésére, vajon a helyzet egy bizonyos szektorba esik-e. A különböző kérdésekhez különbözőféle támogatásokra gondolhatunk. Az osztálynak rendeznie kell előfordulásait, ha sok van belőlük. Egy absztrakt adattípus általában nincs adatbázisszerűen szervezve, előfordulásaira mutató indexekkel. Egy adatmodell viszont így van szervezve, és hogy feleletet kapjunk a kérdésekre, különféle szervezési elveket kell bevezetnünk. A jelenlegi SMALLTALK-ban az előfordulások száma kicsi, így tipikusan lineáris keresést végeznek.

Fontos kiemelni, hogy a SMALLTALK-ban nincs általános rendszer-információs nyelv. Minden lokálisan definiált, és ez igaz az absztrakt adattípusra is. Ha van olyan következetesség, ami kiterjed az egész rendszerre, akkor az meg egyezés következménye. Mivel a SMALLTALK világa hierarchikus, ha van egy objektum nevű adattípusunk, akkor az objektumokkal kínált viselkedés a rendszerben minden objektumra vonatkozik, feltéve, hogy egy részosztállyal nem írjuk felül.

## I R O D A L O M

- BOR'81      Borgida, A.T.  
Data and Activities: Exploiting Hierarchies  
of Classes Proceedings of the Workshop on  
Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980  
SIGPLAN Notices, Vol. 16, No. 1, January 1981,  
pp. 98-100
- BR'80      Brachman, R.J., Smith, B.C.  
Special Issue on Knowledge Representation  
SIGART Newsletter, No.90, February 1980
- BR'83a      Brachman, R.J.  
What IS-A Is and Isn't: An Analysis of Taxonomic  
Links in Semantic Networks  
Computer, Vol. 16, No.10, October 1983, pp.30-36
- BR'83b      Brachman, R.J., Fikes, R.E., Levesque, H.J.  
Krypton: A Functional Approach to Knowledge  
Representation  
Computer, Vol.16, No.10, October 1983, pp.67-73
- BRO'78      Brodie, M.L.  
The Application of Data Types to Databases  
IFI-HH-B-51/78, Fachbereich für Informatik  
Universität Hamburg, Dezember 1978

- BRO'80      Brodie,M.L.  
The Application of Data Types to Database  
Semantic Integrity  
Information Systems, Vol.5, No.4, 1980, pp.287-296
- BRO'81      Brodie,M.L.  
Data Abstraction for Designing Database-Intensive  
Applications  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 101-103
- BRO'81a     Brodie,M.L.  
Association: A Database Abstraction for Semantic  
Modelling  
In: Entity-Relationship Approach to Information  
Modelling and Analysis, P.P.Chen ed., ER Institute,  
Los Angeles, Oct. 1981
- BRO'82      Brodie,M.L.  
Axiomatic Definitions for Data Model Semantics  
Information Systems, Vol.7, No.2, 1982, pp.183-197
- BRO'84      Brodie,M.L., Mylopoulos, J.,Schmidt, J.W., eds.  
Conceptual Modelling  
Springer-Verlag New York, 1984
- CA'81       Carbonall,J.G.  
Default Reasoning and Inheritance Mechanisms on  
Type Hierarchies  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
databases and Conceptual Modelling,  
Pingree park, Colorado, June 23-26, 1980  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981, pp.107-  
109.

- CHE'76      Chen,P.  
The Entity-Relationship Model - Toward a Unified  
View of Data  
ACM Transactions on Database Systems, Vol.1,  
No.1, March 1976, pp. 9-36
- CO'70      Codd,E.F.  
A Relational Model of Data for Large Shared Data  
Bases  
CACM, Vol.13, No.6, June 1970, pp.377-387
- CO'79      Codd,E.F.  
Extending the Database RELational Model to  
Capture More Meaning  
ACM Transactions on Database Systems, Vol.4,  
No.4, December 1979, pp.397-434
- DAH'70      Dahl,O.J., Myhrhaug, B., Nygaard,K.  
SIMULA 67 Common Base Language  
Publication S-22 Oct. 1970, Norwegian Computing  
Center, Forskningsvien 1B Oslo 3, Norway.
- DEM'82      Demetrivics,J.,Knuth,E.,Radó,P.  
Specification Meta Systems  
IEEE Computer, Vol.15, No.5, 1982, pp.29-35
- DEM'85      Demetrovics,J.,Knuth,E.  
A Knowledge Based Interactive Way to Systems Design  
MTA SZTAKI Working Paper, 85 julius II/69
- EH'78      Ehrig,H.,Krekowski,H.J.,Weber,H.  
Algebraic Specification Shemes for Database  
Systems Proceedings of the Fourth International  
Conference on Very Large Databases, West Berlin,  
September 13-15, 1978, pp.427-440



- FAR'85 Farmer, D.B., King, R., Myers, D.A.  
The Semantic Database Constructor  
IEEE Transactions on Software Engineering,  
Vol. SE-11, No. 7, July 1985, pp. 583-591
- GANG'82 Gangopadhyay, D., Dayal, U., Browne, J.C.  
Semantics of Network Data Manipulation Languages:  
An Object-Oriented Approach  
Proceedings of the Eighth International Conference  
on Very Large Databases, Mexico City, Mexico,  
8-10 September, 1982, pp. 357-369
- GANN'79 Gannon, J.D., Rosenberg, J.  
Implementing Data Abstraction Features in a  
Stack-based Language  
Software-Practice and Experience, Vol. 9, 1979,  
pp. 547-560
- GO'75 Goguen, J.A., Thatcher, J.W., Wagner, E.G., Wright, J.B.  
Abstract Data Types as Initial Algebras and  
Correctness of Data Representations  
Proceedings of the Conference on Comp. Graphics  
and Pattern Recognition and Data Structures,  
pp. 89-93
- GO'77 Goguen, J.A.  
Abstract Errors for Abstract Data Types  
Semantics and Theory of Computation Report 6,  
UCLA, and in: Formal Description of Programming  
Concepts, E. Neuhold, ed., North-Holland Pub.  
Co., 1978
- GO'77a Goguen, J.A.  
Algebraic Specification  
Semantics and Theory of Computation Report 9, UCLA

- GU'77      Guttag, J.V.  
Abstract Data Types and the Development of Data  
Structures  
CACM, Vol.20, No.6, June 1977, pp.396-404
- GU'78a     Guttag, J.V., Horning, J.J.  
The Algebraic Specification of Abstract Data  
Types  
Acta Informatica, Vol.10, 1978, pp.27-52
- GU'78b     Guttag, J.V., Horowitz, E., Musser, D.R.  
Abstract Data Types and Software Validation  
CACM, Vol.21, No.12, December 1978, pp.1048-1064
- GU'80      Guttag, J.V.  
Notes on Type Abstraction /Version 2/  
IEEE Transactions on Software Engineering,  
Vol. SE-6, No.1, January 1980, pp. 13-23
- HAY'81     Hayes, P.J., Hendrix, G.G.  
A Logical View of Types  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980,  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp.128-130
- HAM'75     Hammer, M., McLeod, D.J.  
Semantic Integrity in a Relational Data Base System  
Proceedings of International Conference on Very  
Large Data Bases, Framingham MA, 22-24 September,  
1975

- HAM'76      Hammer, M.  
Data Abstraction for Data Bases  
Proceedings of Conference on Data: Abstraction,  
Definition and Structure,  
ACM SIGPLAN Notices, Vol.8, No.2, 1976, pp.58-59
- HAM'80      Hammer, M., Berkowitz, B.  
DIAL: A Programming Language for Data-Intensive  
Applications  
Proceedings of the ACM SIGMOND International  
Conference on the Management of Data, Los Angeles  
CA, May 1980
- HAM'81      Hammer, M., McLeod, D.  
Database Description with SDM: A Semantic  
Database Model  
ACM Transactions on Database Systems, Vol.6,  
No.3, September 1981
- HAR'81      Hardgrave, W.T., Deutsch, D.R.  
Processing Data Model Abstractions  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 126-127
- HO'69      Hoare, C.A.R.  
An Axiomatic Basis for Computer Programming  
CACM, Vol.12, No.10, October 1969, pp.576-580
- HO'72      Hoare, C.A.R.  
Proofs of Correctness of Data Representations  
Acta Informatica, Vol.1, No.1, 1972, pp.271-281

- HO'72a    Hoare,C.A.R.  
Notes on Data Structuring  
APIC Studies in Data Processing No.8,  
Academic Press, New York 1972.
- JO'76    Jones,A.K.,Liskov,B.  
A Language Extension for Controlling Access to  
Shared Data  
IEEE Transactions on Software Engineering,  
Vol SE-2, No.12, December 1976, pp.277-285
- KR'81    Kreps,P.  
Relativism and Views in a Conceptual Data Base Model,  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 141-143
- LAC'81    Lacroix,M.  
Associating Types with Domains of Relational  
Data Bases  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 144-146
- LAM'77    Lampson,B.W.,Horning,J.J.,London,R.L.,Mitchell,J.G.,  
Popek,G.J.  
Revised Report on the Programming Language Euclid  
SIGPLAN Notices, Vol.12, No.2, February 1977



- LEA'81      Leavenworth,B.  
A Data Abstraction Approach to Database Modelling  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 147-149
- LI'74      Liskov,B.,Zilles,S.  
Programming with Abstract Data Types  
SIGPLAN Notices, Vol.9, No.4, April 1974,  
pp.50-59
- LI'77      Liskov,B.,Snyder,A.,Atkinson,R.,Schaffert,C.  
Abstraction Mechanisms in CLU  
CACM, Vol.20, No.7, August 1977, pp.564-576
- LI'78      Liskov,B.,Moss,E.,Schaffert,C.,Scheifler,B.,  
Snyder,A.  
CLU Reference Manual  
Massachusetts Institute of Technology,  
Laboratory for Computer Science, Computation  
Structures Group, Memo 161, July 1978
- LO'78      London,R.L.,Guttag,J.V.,Horning,J.J.,Lampson,B.W.,  
Mitchell,J.G.,Popek,G.J.  
Proog Rules for the Programming Language Euclid  
Acta Informatica, Vol.10, 1978, pp.1-26
- MARK'81    Mark,W.  
Use of Database Organization in the Consul System  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp.155-157

- MARKO'84      Markowitz,V.M.,Raz,Y.  
An Entity-Relationship Algebra and Its Semantic  
Description Capabilities  
Journal of Systems and Software, Vol.4,  
No.2, 3, July 1984, pp. 147-162
- MAY'81        Mayr,H.C.  
Make More of Data Types  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980,  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 158-160
- ME'81         Meyer,B.  
A Three-Level Approach to the Description of  
Data Structures, and Notational Framework  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980,  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 164-166
- MC'83         McCalla,G.,Cerccone,N.  
Guest Editors' Introduction: Approaches to  
Knowledge Representation  
Computer, Vol.16, No.10, October 1983, pp.12-18
- ML'81         McLeod,D.,Smith,J.M.  
Abstraction in Databases  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980,  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp.19-25

- NÁ'78      Náray,M.  
Az ALPHARD nyelv lehetőségeinek áttekintése  
SZKI, Elméleti Laboratórium, Budapest, 1978  
szeptember
- NE'84      Neisser,U.  
Megismerés és valóság  
Gondolat Kiadó, Budapest, 1984
- NO'76      Nordström,B.  
An Outline of a Mathematical Model for the  
Definition and Manipulation of Data  
Proceedings of Conference on Data: Abstraction,  
Definition and Structure,  
ACM SIGPLAN Notices, Vol.8, No.2, 1976, pp. 1-11
- PAL'78      Palmer,I.  
Record Subtype Facilities in Database Systems  
Proceedings of the Fourth International Conference  
on Very Large Databases, West Berlin, 13-15 September,  
1978
- PAO'81      Paolini,P.  
Abstract Data Types and Data Bases  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 171-173
- SCMI'77      Schmidt, J.W.  
Some High Level Language Constructs for Data of  
Type Relation  
ACM Transactions on Database Systems, Vol.2,  
No.3, September 1977, pp.247-261

- SCMI'78 Schmidt, J.W.  
Type Concepts for Database Definition  
Databases: improving usability and responsiveness,  
B.Shneidermen ed., Academic Press, 1978,  
pp.215-244
- SCMI'81 Schmidt, J.W.  
Data Abstraction Tools: Design, Specification  
and Application  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp.186-188
- SHA'81 Shaw, M.  
Abstraction, Data Types and Models for Software  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980,  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp.189-191
- SHI'81 Shipman, D.  
The Functional Data Model and the Data Language  
DAPLEX ACM Transactions on Database Systems,  
Vol.6, No.1, March 1981
- SM'77a Smith, J.M., Smith, D.C.P.  
Database Abstraction: Aggregation  
CACM, Vol.20, No.6, June 1977, pp.405-413



- SM'77b      Smith, J.M., Smith, D.C.P.  
Database Abstractions: Aggregation and  
Generalization ACM Transactions On Database  
Systems, Vol.2, No.2, June 1977, pp.105-133
- TH'78      Thatcher, J.W., Wagner, E.G., Wright, J.B.  
Data Type Specification: Parameterization and  
the Power of Specification Techniques.  
Proceedings of the SIGACT Tenth Annual Symposium  
on Theory of Computing, May 1978, pp.119-132
- WA'81      Wasserman, A.I.  
The Extension of Data Abstraction to Database  
Management  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980,  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 198-200
- WEB'81      Weber, H.  
Are Data Types Universal Modelling Concepts  
for Data Base Systems?  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980,  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 201-202
- WED'81      Wedekind, H.H.  
Constructive Abstract Data Types /CAD/  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980,  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 203-206

- WEL'84      Weller,D.L.,York,B.W.  
A Relational Representation of an Abstract  
Type System  
IEEE Transactions on Software Engineering,  
Vol. SE-10, No.3, May 1984, pp.303-309
- WIE'84      Wiederhold,G.  
Knowledge and Database Management  
IEEE Software, Vol.1, No.1, January 1984,  
pp. 63-73
- ZI'81        Zilles,S.N.  
Types, Algebras and Modelling  
Proceedings of the Workshop on Data Abstraction,  
Databases and Conceptual Modelling,  
Pingree Park, Colorado, June 23-26, 1980,  
SIGPLAN Notices, Vol.16, No.1, January 1981,  
pp. 207-209

1986-BAN EDDIG MEGJELENTEK:

- 179/1986      Terlaky Tamás: Egy véges criss-cross módszer és alkalmazásai
- 180/1986      K.N. Čimev: Separable sets of arguments of functions
- 181/1986      Renner Gábor: Kör approximációja a számítógépes geometriai tervezésben
- 182/1986      Proceedings of the Joint Bulgarian-Hungarian Workshop on "Mathematical Cybernetics and Data Processing" Scientific Station of Sofia University, Giulecica /Bulgaria/, May 6-10, 1985 /Editors: J. Denev, B. Uhrin/ Vol I
- 183/1986      Proceedings of the Joint Bulgarian-Hungarian Workshop on "Mathematical Cybernetics and Data Processing" Scientific Station of Sofia University, Giulecica /Bulgaria/, May 6-10, 1985 /Editors: J. Denev, B. Uhrin/ Vol II
- 184/1986      HO THUAN: Contribution to the theory of relational databases
- 185/1986      Proceedings of the 4th International Meeting of Young Computer Scientists IMICS'86 /Smolenice, 1986/ /Editors: J. Demetrovics, J. Kelemen/
- 186/1986      PUBLIKÁCIÓK - PUBLICATIONS 1985  
Szerkesztette: Petrőczy Judit
- 187/1986      Proceedings of the Winter School on Conceptual modelling /Visegrád, 27-30 January, 1986/ /Editors: E. Knuth, A. Márkus/

- 188/1986      Lengyel Tamás: A Cluster analízis néhány kombinatorikai és valószínűség-számítási problémája
- 189/1986      Bernus Péter: Gyártórendszerek funkcionális analízise és szintézise









